

mathematisches Werkzeug: Funktion durch 2 Punkte finden

bzw Gleichungssystem lösen,

Kontostand am Anfang

$$\text{Anfang: } t=0 ; k(0) = 1000$$

$$\text{nach 10 Jahren: } t=10 ; k(10) = 2000$$

#goodtoknow: Du kannst dir hier eine Gleichung sparen, wenn du 1000€ gleich als Startwert erkennst. Das soll hier nur als allgemeines Beispiel gelten.

⇒ 2 Infos 2 Gleichungen

$$\begin{array}{l} (\text{I}) b \cdot a^0 = 1000 \\ (\text{II}) b \cdot a^{10} = 2000 \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \text{Löse mit GeoGebra Suite}$$

→ Tippe ein:

Löse({Gleichung, Gleichung}, {Variable, Variable})

→ Enter ↵

$$\stackrel{\text{CAS}}{\Rightarrow} a = 2^{\frac{1}{10}} \quad (\sqrt[10]{2}) ; b = 1000$$

↑ Wir nehmen per Definition immer das positive a.

$$\text{Zinssatz} \Rightarrow a = 2^{\frac{1}{10}} \approx 1,07 \Rightarrow 7\% \text{ pro Jahr}$$

#goodtoknow:

Am Term sieht man direkt die Verdopplungszeit

$$k(t) = 1000 \cdot \left(2^{\frac{1}{10}}\right)^x = 1000 \cdot 2^{\frac{x}{10}}$$

Das heißt im Umkehrschluss:  $\cdot 2 \Rightarrow \text{doppelt}$

Stellt in der Aufgabe nur „gib an“ und nicht „bestimme“ oder „berechne“, kannst du den Term sofort hinschreiben.

$$\text{z.B. Startwert } 400 ; \text{ Verdopplungszeit } 3 \Rightarrow f(t) = 400 \cdot 2^{\frac{x}{3}}$$

↖ .2, weil doppelt  
↖ x

$$\cdot \text{Startwert } 500 ; \text{ Halbwertszeit } 20 \Rightarrow f(t) = 500 \cdot 0,5^{\frac{x}{20}}$$

↖ .0,5, weil halbiert

WICHTIG für Aufgabe 3.1