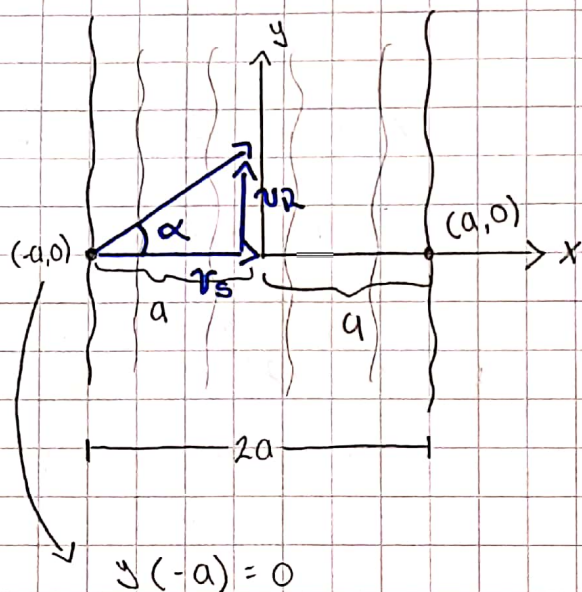




Nadador



✓ Modelo de Fluidos

$$v_r = v_0 \left(1 - \frac{x^2}{a^2} \right)$$

✓ $\tan \alpha = \frac{v_r}{v_s}$

- $v_r \rightarrow$ velocidad en el eje y o tambien la tasa de cambio de y con respecto al tiempo dy/dt
- $v_s \rightarrow$ es el cambio de la x respecto al tiempo dx/dt

\rightarrow Entonces tenemos que $\tan \alpha = \frac{v_r}{v_s} = \frac{dy/dt}{dx/dt}$

✓ Por regla de la cadena y suponiendo que $y = y(x)$ y $x = x(t)$ tenemos:

$$\frac{dy}{dt} = \frac{dy}{dx} \cdot \frac{dx}{dt}$$

\rightarrow Reemplazando tenemos: $\tan \alpha = \frac{\frac{dy}{dx} \cdot \frac{dx}{dt}}{\frac{dx}{dt}} = \frac{dy}{dx} = \frac{v_r}{v_s} = \frac{1}{v_s} v_r$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{1}{v_s} v_0 \left(1 - \frac{x^2}{a^2} \right) \rightarrow \frac{dy}{dx} = \frac{v_0}{v_s} \left(1 - \frac{x^2}{a^2} \right)$$

$$y(x) = \int \frac{v_0}{v_s} \left(1 - \frac{x^2}{a^2} \right) dx \rightarrow y(x) = \frac{v_0}{v_s} \int \left(1 - \frac{x^2}{a^2} \right) dx$$

$$y(x) = \frac{v_0}{v_s} \left(x - \frac{1}{3a^2} x^3 \right) + C$$

$$\checkmark \text{ como } y(-a) = 0 \rightarrow y(-a) = \frac{v_0}{v_s} \left(-a - \frac{1}{3a^2} (-a)^3 \right) + c$$

$$0 = \frac{v_0}{v_s} \left(-a + \frac{a^3}{3a^2} \right) + c$$

$$0 = \frac{v_0}{v_s} \left(-a + \frac{1}{3} a \right) + c$$

$$0 = \frac{v_0}{v_s} \left(-\frac{2}{3} a \right) + c \rightarrow c = \frac{2v_0 a}{3v_s}$$

$$\bullet y(x) = \frac{v_0}{v_s} \left(x - \frac{1}{3a^2} x^3 \right) + \frac{2v_0 a}{3v_s}$$

$$y(x) = \frac{v_0}{v_s} \left[x - \frac{1}{3a^2} x^3 + \frac{2}{3} a \right]$$