



„Identifiziere die Ortskurve“ ist als GeoGebra-Aktivität <https://www.geogebra.org/m/hb3y4q7p> oder über den QR-Code abrufbar. Mithilfe der Anleitung kann die Erstellung nachvollzogen und variiert werden.



In der Basisversion wird die Ortskurve des Höhenschnittpunktes eines Dreiecks betrachtet, wenn eine Dreiecksseite parallel zur gegenüberliegenden Dreiecksseite verschoben wird.





In der Erweiterung wird die analytische Beschreibung dieser Kurve erkundet und stellt so eine Verbindung der Teilgebiete Geometrie und Analysis dar. Weiterhin werden interaktive Bedienelemente eingebaut, die eine elegante Besprechung ermöglichen.

### Basisversion (rein geometrische Vermutung ohne Analyse)

Symbol	Inhalt / Beschreibung	Alternativ in der Eingabezeile:
	Die Zeichenfläche wird zunächst ohne Koordinatensystem und -gitter benutzt. Setzen Sie vier freie Punkte A bis D.	z.B. $A=(1,2)$ usw. <i>Koordinaten beliebig</i>
	Zeichnen Sie die Dreiecksseite c als Verbindungsstrecke der Punkte A und B	$c=Strecke(A,B)$
	Zeichnen Sie eine Parallele zu c durch den Punkt D und benennen Sie diese mit d. Färben Sie diese schwarz (Rechtsklick auf die Gerade → Einstellungen → Farbe).	<i>SetzeFarbe(c,blau)</i>
	Hängen Sie den Punkt C an die Gerade d an.	
	Ergänzen Sie die Punkte A, B und C zu einem Dreieck	Vieleck(A,B,C)
	Zeichnen Sie mittels der Schaltfläche „Senkrechte Gerade“ die Höhen des Dreiecks ein. Benennen Sie sie mit $h_1$ bis $h_3$ .	z.B. $h_1=Senkrechte(C,c)$ usw.
	Markieren Sie den Höhenschnittpunkt und benennen Sie ihn mit dem Namen H.	H=Schnittpunkt
	Blenden Sie die nicht benötigten Elemente und Beschriftungen aus (alles außer dem Dreieck und seinen Punkten, der Geraden d und dem Höhenschnittpunkt H). Färben Sie die Figur ansprechend ein. Eine mögliche Konstellation sehen Sie rechts.	
	Aktivieren Sie die Spur des Höhenschnittpunktes H (z.B. Rechtsklick auf H öffnet das Kontextmenü des Punktes). Wählen Sie  Spur anzeigen	
	Bewegen Sie C und betrachten Sie die Spur des Höhenschnittpunktes H. Was für eine Kurve beschreibt er?	




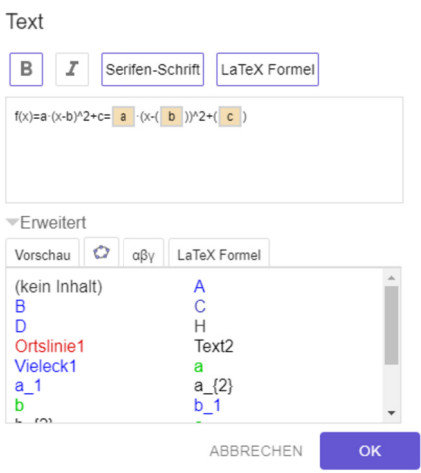


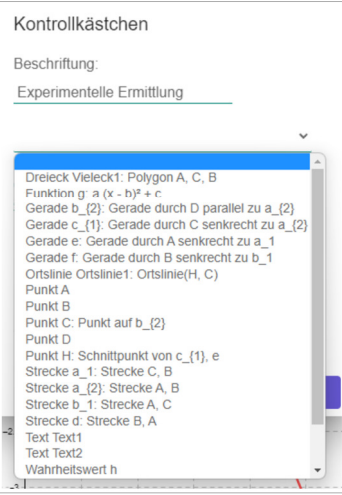


### Erweiterung 1: Hinführung zur analytischen Beschreibung der Kurve

Symbol	Inhalt / Beschreibung	Alternativ in der Eingabezeile:
	Blenden Sie Koordinatensystem und -gitter ein.	
Eingabezeile	Richten Sie für eine erste Annäherung die Dreiecksseite AB parallel zur x-Achse aus und variieren Sie die Punkte A und B so, dass sie symmetrisch zur y-Achse liegen. Dies geschieht am einfachsten, indem Sie in der Eingabezeile durch Doppelklick in die Punktkoordinaten für A und B entsprechende Koordinaten eingeben.	
 	<p>Optionale Vereinfachungen:</p> <p>1) Sie können den Punkt C automatisch wandern lassen. Wählen Sie dazu nach einem Rechtsklick auf C.  Animation</p> <p>Im Grafikfenster unten links kann nun die Animation gestoppt und wieder gestartet werden.</p> <p>2) Blenden Sie die Kurve, auf der H wandert, ständig ein: Wählen Sie hierzu die Option „Ortslinie“.</p>	
Eingabezeile	<p>Vermutungen über den Funktionsterm der Ortskurve von H können nun direkt über die Eingabezeile überprüft werden.</p> <p><i>Bem.1: Eine günstige Konstellation zum Beginn ist z.B. <math>A(-1/-0,5)</math>; <math>B(1/-0,5)</math>; <math>D(.../1,5)</math>. Hier ergibt sich als Kurve der Graph von <math>f</math> mit <math>f(x) = -0,5x^2</math>.</i></p> <p><i>Bem.2: Eine analytische Beschreibung kann nur erfolgen, wenn die Dreiecksseite AB parallel zur x-Achse liegt.</i></p>	



**Erweiterung 2: Ausbau zur verbesserten experimentellen Erkundung**

Symbol	Inhalt / Beschreibung	Alternativ in der Eingabezeile:
	<p>Fügen Sie der Datei drei Schieberegler a, b, c hinzu.</p> <p><i>Bem.: etwaige Kollisionen in der Benennung (a, b und c waren gerade die Dreiecksseiten) verhindert GeoGebra automatisch durch Hinzufügen von Indizes bei den vorherigen Objekten.</i></p>	Schieberegler(...
Eingabezeile	<p>Geben Sie für die Parabelgleichung einen Term in Scheitelform ein, dessen Parameter auf die Schieberegler zugreifen.</p> <p><i>Bem.: Standardschrittweite der Schieberegler ist 0,1. Für feinere Untersuchungen kann diese in den Einstellungen auch kleiner gewählt werden.</i></p>	$a \cdot (x-b)+c$
Optional: Ausgabe der aktuellen Funktionsgleichung in einem eigenen Fenster:		
	<p>Wählen Sie die Schaltfläche „Text“ aus und klicken Sie auf die Zeichenfläche. Evtl. müssen Sie das „Erweitert“-Fenster zusätzlich ausklappen.</p> <p>Im oberen Fenster können Sie Text eintippen und sehen im unteren Fenster die Vorschau.</p> <p>Um auf Werte aus der Konstruktion zuzugreifen, wählen Sie das GeoGebra-Symbol  im unteren Fenster. Es erscheint eine Liste der Konstruktionselemente. Diese werden durch Klicken ausgewählt und erscheinen im oberen Fenster in farbigen Kästchen (hier werden dann in der Ausgabe die jeweils aktuellen Werte eingesetzt). Abschluss der Konfiguration erfolgt durch einen Klick auf OK.</p> <p>Rechts sehen Sie eine Darstellung des Textfensters mit fertiger Eingabe.</p>	
	<p>Optional - Erweiterung 2 kann auch direkt vorbereitet und bei Bedarf über ein Kontrollkästchen eingeblendet werden:</p> <p>Nach Klick auf die Schaltfläche und die Zeichenfläche öffnet sich ein Dialogfenster, in dem das Kontrollkästchen benannt wird und die Objekte, die es steuert, ausgewählt werden können. Bei Klick auf das Häkchen öffnet sich eine Auswahlliste. Wählen Sie hier die Schieberegler, den Graphen der Parabel und das Textfeld mit der Funktionsgleichung aus. Nach Bestätigung mit OK ist das Kontrollkästchen einsatzbereit.</p> <p><i>Bem.: es empfiehlt sich, den Punktfang zu aktivieren, um die A und B leichter adäquat ausrichten zu können. Sie finden die Schaltfläche im Menü .</i></p>	

**Viel Freude und Erfolg beim Experimentieren!**