

A mértani sorozat

Olyan számsorozat, amelyre a második elemétől kezdve teljesül, hogy bármely elem, és a közvetlenül előtte álló elem hányadosa állandó.

Ezt az állandót a sorozat **kvóciensének** nevezzük, és q -val jelöljük.

$$q = \frac{a_n}{a_{n-1}} \quad \text{bármely } n \geq 2 \text{ esetén.}$$

- A tagok között a nulla nem szerepelhet
- A kvóciens sem lehet nulla

példák:

$$a_n = 8 \cdot 1,5^n \quad 12; 18; 27; 40,5; 60,75; \dots \quad q=1,5$$

$$a_n = 5 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^n \quad \frac{5}{2}; \frac{5}{4}; \frac{5}{8}; \frac{5}{16}; \frac{5}{32}; \frac{5}{64}; \dots \quad q=0,5$$

$$a_n = 3 \cdot (-2)^n \quad -6; 12; -24; 48; -96; \dots \quad q=-2$$

$$a_n = 5 \quad 5; 5; 5; 5; 5; 5; \dots \quad q=1$$

Pozitív tagú mértani sorozat bármely 3 egymást követő eleme közül a középső a két szélsőnek a **mértani közepe**.

$$a_n = \sqrt{a_{n-1} \cdot a_{n+1}} \quad \text{bármely } n \geq 2 \text{ esetén.}$$

A sorozat n -edik tagja: $a_n = a_1 \cdot q^{n-1}$

Az első n tag összege: $S_n = \frac{a_1 \cdot (q^n - 1)}{q - 1}$, ha $q \neq 1$

$$S_n = n \cdot a_1, \text{ ha } q=1$$