Fläche zwischen zwei Funktionen

1) Wie groß ist die Fläche, die von den Graphen von f und g begrenzt wird?

a.
$$f(x) = x^2$$
,

$$g(x) = -x^2 + 4$$

b.
$$f(x) = 4x^3 + x^2 - 9x$$
,

$$g(x) = x^2$$

2) Berechnen Sie den Inhalt der Fläche, die von den Graphen von f und g im gegebenen Intervall definiert wird.

a.
$$f(x) = 0.5x$$
,

$$g(x) = -x^2 + 4,$$
 $I = [-1; 1]$

$$I = [-1; 1]$$

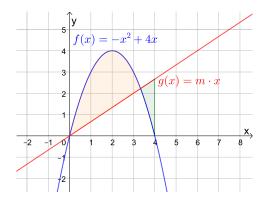
b.
$$f(x) = x^3$$
,

$$q(x) = x$$

$$g(x) = x,$$
 $I = [0; 1]$

Freiwillige Zusatzaufgaben

- 3) Gegeben ist die Funktion f mit $f(x) = -x^2 + 4x$ und die Gerade $g(x) = m \cdot x$.
 - a. Berechnen Sie für m = 0.5 die Inhalte der blau und rot gefärbten Flächen.
 - b. Für welchen Wert von m ist die rote Fläche gleich groß wie die blaue?

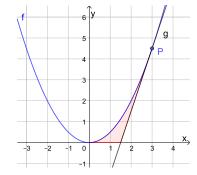


4) Berechnen Sie den Inhalt der Fläche, die vom Graphen von f, der Tangente in P und der x-Achse begrenzt wird.

a.
$$f(x) = 0.5x^2$$
,

$$P = (3|4,5)$$

(Tipp: Teile die rote Fläche in 2 Bereiche auf.)



- 5) Gegeben ist die Funktion f mit $f(x) = 0.5x^4 2x^2$.
 - a. Wie groß ist die Fläche, die der Graph von f mit der x-Achse von f einschließt?
 - b. Der Graph von f und die Gerade mit der Gleichung g(x) = -2 begrenzen eine Fläche. Berechnen Sie ihren Inhalt.
 - c. Bestimmen Sie den Inhalt der gefärbten Fläche.

(Tipp: Teile die braune Fläche in 5 Bereiche auf.)

