

FUNCIÓN DE DISTRIBUCIÓN.

Con la utilización de la variable aleatoria X , como siempre podemos efectuar un estudio numérico de un experimento aleatorio, independientemente de que su población tenga un carácter numérico o no. Con el fin de estudiar sus parámetros característicos, dado que $X(\Omega) \subset \mathbb{R}^k$, para cada $t \in \mathbb{R}$, podemos definir para cada $t \in \mathbb{R}$ la función

$$F_X(t) = P_X(X \leq t).$$

Que se denomina **FUNCIÓN DE DISTRIBUCIÓN** de la variable aleatoria X .

Ejemplo.- Si consideramos los resultados que obtenemos al lanzar un dado

$$\Omega = \{\{1\}, \{2\}, \{3\}, \{4\}, \{5\}, \{6\}\}$$

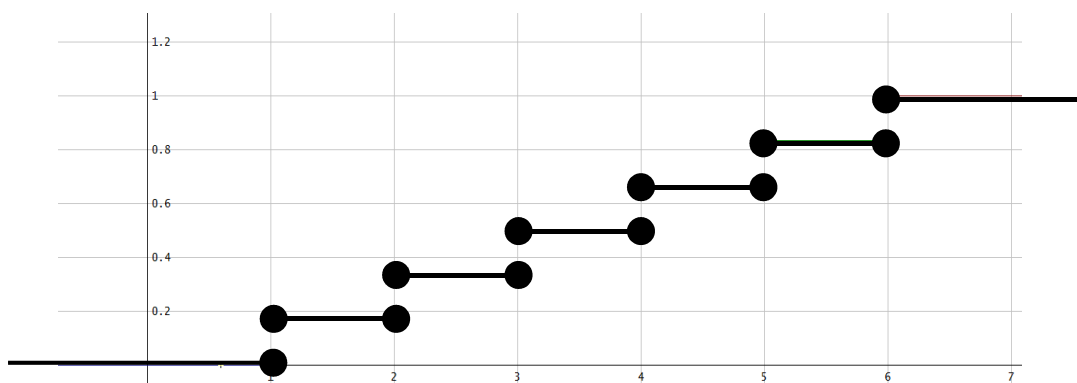
y tomamos $A = \text{Partes}(\Omega)$, si definimos la v. a.

$$X(i) = i; \forall i \in \Omega$$

Podemos definir para cada $t \in \mathbb{R}$ la **FUNCIÓN DE DISTRIBUCIÓN**

$$F_X(t) = \begin{cases} 0 & \text{si } t < 0 \\ \sum_{i \in \{\{x \leq t\} \cap \mathbb{Z}\}} P_X(X = i) & \text{si } 0 \leq t < 6 \\ 1 & \text{si } 6 \leq t \end{cases}$$

Y que gráficamente, viene representada por una función escalonada



¹ La definición de Función de distribución se aplica a cualquier espacio de probabilidad (no necesariamente numérico), hallando la v. a. asociada mas adecuada.